

II. Kinematyka

II.1. Wyznaczyć drogę $s(t)$ i przemieszczenie $\Delta x(t) \equiv x(t) - x(0)$ punktu materialnego, którego położenie dane jest jako $x(t) = 3t^2 - 6t + 1$. $s(0) = 0$.

II.2. Punkt materialny porusza się ruchem jednostajnie zmiennym po linii prostej. W chwili t_1 punkt był w położeniu x_1 , w chwili t_2 w położeniu x_2 . W chwili początkowej $x(0) = 0$. Należy znaleźć prędkość początkową punktu v_0 i jego przyspieszenie a .

II.3. Z powierzchni Ziemi rzucono pionowo w górę kamień z prędkością początkową v_0 . Po jakim czasie t_k kamień spadnie na Ziemię? Jaka wysokość maksymalną h_{max} osiągnie kamień?

II.4. Ile czasu Δt upłynie od chwili w której ciało rzucone pionowo w górę znajduje się na wysokości h z prędkością $+v$ do chwili w której ciało spadnie na Ziemię?

II.5. Z jaką prędkością początkową v_0 należy rzucić ciało pionowo w dół z wysokości H , aby przy upadku na Ziemię uzyskało ono prędkość $v_k = \sqrt{4gH}$? Ile czasu t_k będzie trwał ten ruch?

II.6. Ciało zsunęło się z równi o wysokości h w czasie t_k . Wyznaczyć $\sin \alpha$ nachylenia równi do poziomu.

II.7. Ciało zsuwa się z równi o wysokości h dwukrotnie. Gdy długość równi wyniosła s_A ciało zsunęło się w czasie t_A . Następnie zmieniono długość równi na s_B zachowując jej wysokość, uzyskując czas zsuwania t_B . Ile razy s_B/s_A wydłużono równię jeśli $t_B/t_A = 5$?

II.8. Ciało porusza się po okręgu $x(t) = R \cos(\frac{vt}{R})$, $y(t) = R \sin(\frac{vt}{R})$. Wyznaczyć wektor prędkości $\vec{v}(t)$ i przyspieszenia $\vec{a}(t)$ oraz ich wartości $|\vec{v}(t)|$ i $|\vec{a}(t)|$. Ile czasu T trwa pokonanie całego okręgu?

II.9. Przy powierzchni ziemi rzucono poziomo ciało z prędkością v_0 . Znaleźć przyspieszenie styczne $a_s(t)$, przyspieszenie normalne $a_n(t)$, promień krzywizny toru $\rho(t)$.

II.10. Dwaj obserwatorzy poruszają się po elipsach. Obserwator pierwszy porusza się po elipsie $x_1(t) = A \cos \varphi(t)$, $y_1(t) = B \sin \varphi(t)$, natomiast drugi po elipsie $x_2(t) = B \cos \varphi(t)$, $y_2(t) = A \sin \varphi(t)$. Niech $\varphi(t) = \omega t$. Wykazać, że ruch względny obserwatorów jest ruchem po okręgu ze stałą prędkością $v = |A - B|\omega$. Wykonać rysunek i wyjaśnić dlaczego obserwatorzy zachowują między sobą stałą odległość $|A - B|$, mimo iż elipsy przecinają się.

II.11. Punkt materialny podlega ruchowi, który jest złożeniem obrotu wokół osi z ze stałą prędkością v i obrotu wokół osi x ze stałą prędkością u tzn.: $x(t) = R \cos(\frac{vt}{R})$,

$$y(t) = R \sin(\frac{vt}{R}) \cos(\frac{ut}{R}), \quad z(t) = R \sin(\frac{vt}{R}) \sin(\frac{ut}{R}).$$
 Wykazać, że: a) ruch odbywa się po

sferze o promieniu R b) ruch odbywa się z prędkością $\sqrt{v^2 + u^2 \sin^2(\frac{vt}{R})}$ c) jeśli v/u jest

niewymierne to ruch jest nieokresowy, natomiast dla wymiernych v/u jest ruchem okresowym.

Wyznaczyć należy zatem okres ruchu T dla $v/u = 3/7$ d) Ile razy n w ciągu czasu T prędkość osiąga wartość maksymalną $\sqrt{v^2 + u^2}$